

**Exercice 1.** Soient  $B_o(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ,  $B_1(\vec{u}, \vec{v}, \vec{k})$  et  $B_2(\vec{u}, \vec{w}, \vec{z})$ , trois bases orthonormées directes de  $\mathbb{R}^3$  telles que :

- $B_1(\vec{u}, \vec{v}, \vec{k})$  est déduite de  $B_o(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  par une rotation d'angle  $\alpha$  mesurée autour de  $\vec{k}$
- $B_2(\vec{u}, \vec{w}, \vec{z})$ , est déduite de  $B_1(\vec{u}, \vec{v}, \vec{k})$  par une rotation d'angle  $\beta$  mesurée autour de  $\vec{u}$

On considère le vecteur  $\vec{U}$  de  $\mathbb{R}^3$  défini par :  $\vec{U} = p\vec{u} + q\vec{k} + r\vec{z}$

=====

1. Exprimer le vecteur  $\vec{U}$  dans la base  $B_1$

=====

2. Calculer quand c'est possible :

1.  $3\vec{w} \wedge 2\vec{k} =$

2.  $\vec{v} \wedge \sin \beta \vec{z} =$

3.  $\vec{v} \wedge (\vec{u} \wedge \vec{i}) =$

---

4.  $\vec{u} \wedge (\vec{i} \cdot \vec{z}) =$

---

5.  $\|2\vec{u} + \vec{j}\|^2 =$

---

6.  $(\vec{j} + \vec{v}) \cdot (\vec{k} - \vec{z}) =$

=====

**2.** On se donne un torseur  $\mathcal{T}$  défini par ses éléments de réduction en un point A par :

$$\mathcal{T} = \begin{bmatrix} \vec{R} \\ \vec{\mathcal{M}}(A) \end{bmatrix}_A$$

Donner les éléments de réduction de  $\mathcal{T}$  au point B en fonction de  $\vec{\mathcal{M}}(A)$